向川 均(京大・防災研)・廣岡 俊彦(九大・理)

1. はじめに

成層圏循環の変動が対流圏循環に及ぼす影響と その予測可能性を解明することは,対流圏循環の 中長期予報の精度向上の観点から重要と考えられ ている. 例えば, Baldwin et al. (2003)は, 大気の 最も主要な変動成分で極渦の強度変動に対応する, 北極振動 (Arctic Oscillation; 以下 AO) の大気最下 層 (1000hPa) におけるシグナルを予測するための 統計的手法を提案している.この予測式では,大 気の各気圧レベルにおける現在の AO シグナルを 予測子として,10日先から40日先までの一ヶ月 間で平均した 1000hPa での AO シグナルを予測す る.これは, Baldwin and Dunkerton (1999, 2001) が示した,AOシグナルが成層圏から対流圏へ約 2,3週間の時間スケールで下方伝播するという統 計的性質に基づいている.実際,予測された AO シグナルの変動は,150hPaにおける AO シグナル を予測子とした場合には,1000hPa における AO シグナルを予測子とする場合よりも大きくなるた め,彼らはこの統計的予測手法が AO シグナルの 予測に有効であると主張している.しかしながら, AO シグナルの下方伝播時における AO シグナルの 予測可能性について,現業の予報モデル結果を用 いて解析を行った研究は存在しない、さらに、AO シグナルの下方伝播の力学的メカニズム自体も明 らかではないため, AO シグナルが実際に下方伝 播する期間の大気力学場について詳細な解析を実 施する必要がある.

一方,気象庁ーヶ月予報結果を用いた我々(Mukougawa and Hirooka, 2004(以下,MH04); 2005)の 解析結果によると,成層圏突然昇温(SSW)発生期 の成層圏循環変動は,少なくとも2週間以上,場 合によってはーヶ月以前より予測可能であること が示されている.この長い予測リードタイムは, 対流圏から上方伝播する惑星規模波が持つ長い時 間スケールに起因している.また,SSWの予測に は,対流圏界面付近での帯状風分布を正しく予測 することが重要であり,それは,圏界面付近の帯 状風分布が惑星規模波の上方伝播特性に大きな影 響を与えているためであることも明らかにされて いる(Mukougawa, *et al.*, 2005).一方,SSW 発生 期の成層圏循環は大きな負の AO シグナルで特徴 づけられるので,もし,AO シグナルの下方伝播 の力学とその予測可能性を明らかにすることがで きれば,SSW 発生期における対流圏循環変動を, 2,3週間以前から予測することが可能になると考 えられる.

そこで,本研究では,気象庁一ヶ月アンサンブ ル予報結果を用いて,SSW発生直後に比較的明瞭 なAOシグナルの下方伝播が観測された,2003年 1月の大気循環場の力学と予測可能性について解 析を行う.特に,全アンサンブルメンバーを解析 することで,AOシグナルの下方伝播の力学要因 とその前駆現象について詳しく解析する.

2. データと解析方法

本研究では、気象庁ーヶ月アンサンブル予報デー タを主として解析した.気象庁ーヶ月予報は、水 平解像度T106,鉛直層数40(モデル上端は0.4hPa) の数値予報モデルをアンサンブル時間積分するこ とにより得られている.このアンサンブル予報は 毎週水曜と木曜の初期値を用いて実施される.こ こでは、コントロールランと、BGM法で生成さ れた初期摂動を含む12摂動ランの全13メンバー について解析を行った.予測結果は、24時間毎に 1000hPaから1hPaまでの22等圧面上での緯度経度 2.5度格子点データとして気象庁より提供された.

一方,同期間の実況データとして,6時間毎の 1000hPaから0.4hPaまでの23等圧面上での緯度 経度1.25度格子点データとして提供された気象庁 全球客観解析(GANAL)データを用いた.

また, AO シグナル (以下 AO signature) は MH04 と同様に, 1985 年から 2001 年までの 12 時間毎の ECMWF 全球客観データセットを用いて,北半球 冬季 (11 月から 4 月) における 1000, 500, 50hPa等 圧面高度場の,季節進行成分を取り除いた周期 10 日以上の変動成分に関する EOF 第一成分に,日々 の偏差場を射影することにより求めた.また,AO signature の符号は,極渦の弱い状態が負の値を持 つように決めた.



図 1: 2003 年 1 月における AO signature (上) と,北緯 50-70 度で平均した帯状平均風加速度 (*du*/*dt*) (単位は m/s/day)の時間-高度断面図.

3. 結果

3.1 AO signature の下方伝播

まず,図1(上)に2003年1月のAO signatureの 時間--高度変動を示す.この図より,2003年1月 中旬にSSWの発生に伴い,成層圏極渦が弱まって いる様子が良く分かる.このSSW は波数1の惑 星規模波の増幅によって生じていた(図省略).ま た, SSW 発生直後の1月17日から21日にかけて, 成層圏から対流圏下層にまで,負の AO signature が下方伝播していることが見て取れる.このよう な SSW 直後に発生する AO signature の明瞭な下 方伝播は珍しく, 我々が解析を行った 2001 年冬季 以降では唯一のものである.また, AO signature の下方伝播を力学的に表現するため,図1(下)に 北緯 50-70 度で平均した帯状平均風加速度を示し た.1月15日前後の10hPa付近における東風加速 は SSW に伴う波数 1 によるものであるが, 1 月 17日から1月20日にかけて, AO signature の下 方伝播と対応して,東風加速領域が対流圏下層に まで拡がっていく様子が示されている.また,よ り注意深く見ると,成層圏中では,東風加速領域 は徐々に下方伝播しているが,1月18日以降に生 ずる対流圏中での東風加速は,むしろ対流圏全体 で同じ時期に生じている.

3.2 SSW と AO signature の予測可能性

次に、この期間における大気循環の予測可能性



図 2: 2003 年 1 月における北緯 80 度,10hPa での帯状 平均温度(K)の時間変動.観測値を緑の実線,気象庁 ーヶ月予報モデルによる予測値を黒い実線で示す.(a) 1月1,2日を初期値とする予測,(b)1月8,9日を初期 値とする予測,(c)1月15,16日を初期値とする予測. (b)で赤線はRunA,青線はRunBを表す.

の変動を調べた.まず SSW の予測可能性を調べ るため,図2に北緯80度,10hPaにおける帯状平 均温度の解析値 (緑実線) と予測値 (黒実線) を示 す.1月1日,2日を初期値とする予測では,気象 庁ーヶ月予報は SSW の発生を全く予測していな いが,1週間後の8日,9日を初期値とする予測 では,全てのメンバーが SSW の発生を予測して いる.その1週間後の15日,16日を初期値とす る場合にも,全てのメンバーがSSWを正しく表 現しており,さらにこの場合には,メンバー間の スプレッドも極めて小さい.このことから,この SSWは,約10日以前からその発生を予測できる ことが分かる.但し,図2a(図2b)では全てのメ ンバーがSSWの発生を予測していない(予測して いた)ので, Mukougawa et al. (2005)と同様に, ア ンサンブルメンバー間の比較から, SSW の前駆現 象を解析することは難しい、

図 3 に, AO signature の予測可能性を調べるた め, 1000hPa における AO signature の解析値と予 測値を示した.解析値(緑実線)において SSW 発 生以降に, 1000hPa での AO signature が極小とな る1月21日前後に着目すると, SSW を全く予測 できなかった1月1日,2日を初期値とする予測 (図 3a) では, AO signature の予測値のスプレッド も極めて大きい.一方,SSWの発生を全てのメン バーがうまく予測した1月8日,9日を初期値とす る予測 (図 3b) でも, AO signature の予測値のスプ レッドはやはり大きい.しかも,SSW 直後である にもかかわらず, いくつかのメンバーは正の AO signature を予測している.このことは, Baldwin et al. (2003)が提唱したような線形回帰式を用い た統計的予測式では,この期間の大気下層の AO signature の変動を予測することは難しいことが示 唆される.さらに,1週間後を初期値とする予測 (図 3c) では,全てのメンバーで,1月21日前後 に AO signature が負の値を持つことは予測できて はいるが,メンバー間のスプレッドは依然として 大きい.従って,SSW発生直後で成層圏に大きな AO signature の負偏差が存在する期間でも,大気 下層の AO signature の予測は難しいことが示唆さ れる.

3.3 AO 下方伝播に関する解析 I

次に,SSW の予測は成功したにもかかわらず, SSW 以後の AO signature 予測値の分散が大きい1 月8日,9日を初期値とする-ヶ月予報結果につ いて詳しく吟味する.まず,AO signature の変動 を比較的うまく再現できたメンバー(Run A; 図3b での赤線)と再現できなかったメンバー(Run B; 図 3b での青線)を比較する.なお,Run A (Run B)が 予測した1月21日の AO signature の値は,全て のメンバーの中で,最も小さい(大きい).

一方,変形されたオイラー平均方程式系に基づ く解析より,SSW 減衰期である1月17日以降に おいて,AO signatureの下方伝播に関連する,北 緯50度より極側での対流圏及び成層圏中の東風加 速に最も大きく寄与するのは,波数2のE-P flux の収束であることが示された.そこで,図4では, 解析値(図4a),予測成功例のRunA(図4b),予測 失敗例のRunB(図4c)における帯状風加速(左列) と波数2に伴うE-P fluxの収束発散(右列)の時間– 高度変動を示した.解析値(図4a)では,東風加速 域が下方に移動するのに伴い,1月18日頃を中心 に成層圏下層での波数2に伴うE-P fluxの収束が



図 3: 図 2 と同じ. 但し, 1000hPa における AO signature の時間変動

顕著となる.また,対流圏界面付近でも,1月16 日頃から成層圏での収束とは独立するように,波 数2に伴う E-P flux の収束が大きくなり,それは 1月24日頃まで持続している.このことは,この 時期に見られた AO signature の下方伝播は,成層 圏と対流圏で同時的に発生した波数2に伴う E-P flux の収束が原因であることを示唆している.

また, AO signature の下方伝播を比較的うまく 再現した Run A(図 4b) では,量的には小さいなが らも,解析値と同様な波数2のE-P flux に伴う収 束分布を再現している.しかし, AO signature の 下方伝播をうまく再現できなかった Run B(図 4c) では,成層圏中での波数2に伴うE-P flux の収束 はうまく再現しているにもかかわらず,対流圏界 面付近での収束は全く再現していない.このため, AO signature の下方伝播の予測には,対流圏界面 付近における波数2の惑星規模波の振る舞いをう まく再現することが重要と考えられる.

そこで以下では,対流圏での東風加速が顕著に なる1月18日から20日の3日間における波数2



図 4: 2003 年 1 月における北緯 50–70 度で平均した帯状平均風加速度 (*dū/dt*)(左列) と,波数 2 の E-P flux の収束 発散 (右列) の時間– 高度断面図.単位は,m/s/day.(a) 解析値,(b) Run A の予測値,(c) Run B の予測値.

の振る舞いに注目して詳しい解析を行った.まず, この期間で平均した波数2のEP-fluxと,その収 束発散を図5に示す.解析値(図5a)では,対流圏 中での波数2の鉛直伝播は北緯50度付近が中心で あり,それより極側の対流圏上部で強い収束が存 在する.また, E-P flux の一部は, 対流圏上部か ら成層圏下部にかけてやや極向きに伝播し,成層 圏中部で収束している. Run A (図 5b) では, 波数 2の波活動度は,解析値に比べやや小さく,その 中心もやや極側にシフトしているが,解析値と同 様に対流圏上部での収束は極めて顕著である.そ れに対し, AO signature の対流圏への下方伝播が 見られなかった Run B (図 5c) では,対流圏上層に 波数2に伴う E-P flux の顕著な収束は存在しない. しかも,成層圏下部での伝播は,解析値やRun A とは逆に,赤道向きへ屈折しており,対流圏上部 から成層圏下部での波数2の再現性が良くないこ

とが分かる.

次に波の伝播特性を詳しくみるため,図6にこの 時期における帯状風分布と,図7に以下の式で定義 される,帯状風*U*に対する定在性の波数2(*k* = 2) の屈折率の自乗 *n*²(Andrews, *et al.*, 1984; Lorenz and Hartmann, 2003):

$$n^{2} = \frac{[q]_{\phi}}{U} - \left(\frac{k}{a\cos\phi}\right)^{2} - \left(\frac{f}{2NH}\right)^{2}$$
(1)

を示す.ここで,鉛直座標として対数気圧座標系 ($z = -H \ln(p/p_s)$)を用いている.また, $[q]_{\phi}$ は

$$[q]_{\phi} = \frac{2\Omega}{a} \cos \phi - \frac{1}{a^2} \left\{ \frac{([U] \cos \phi)_{\phi}}{\cos \phi} \right\}_{\phi} + \frac{f^2}{N^2} \left((\ln N^2)_z + \frac{1}{H} \right) [U]_z - \frac{f^2}{N^2} [U]_{zz}$$
(2)

で定義される準地衝風渦位の南北微分であり,その他の記号に関しては慣例に従う.まず,帯状風



図 5: 2003 年 1 月 18 日から 20 日までの 3 日間で平均した,波数 2 の E-P flux (矢印) (単位は Kg/s²) と,その収束 発散 (単位は m/s/day)の緯度– 高度断面図.右下の矢印はベクトル (4.0×10⁸, 1.5×10⁶) (Kg/s²) を示す. (a) 解析値, (b) Run A の予測値, (c) Run B の予測値.



図 6: 図 5 と同じ. 但し,帯状平均風 (m/s)の緯度-高度断面図.

分布を比較すると,解析値(図 6a)やRun A(図 6b) に比べ,Run B(図 6c)では高緯度の成層圏や対流 圏に,比較的強い西風が存在している.また,亜 熱帯ジェット気流はやや弱いが,ジェットコアは極 側に拡がっている.一方,解析値やRun A では, 緯度 60 度付近の対流圏界面付近に,風速の鉛直方 向の極大域が存在する.

一方,屈折率の分布(図7)においては,成層圏 よりも対流圏界面付近の違いがより明瞭である. 確かに,Run B では成層圏で西風が強いことに伴い,波が伝播できない屈折率が負となる領域が中 緯度域にやや拡がっている.しかし,成層圏で屈 折率が負となる領域は,解析値やRun A でも同様 に存在するため,この負の領域の存在が,波数2 の波活動度の成層圏での南北伝播方向や対流圏界 面付近での収束に大きな影響を及ぼすことは考え にくい.それに対し,対流圏上部の北緯60度付近 における屈折率の分布には,次の様な明瞭な違い を見て取ることができる.すなわち,解析値(図 7a)とRun A (図7b)には明瞭な極大域が存在する が,Run B では極大域は明瞭ではない.さらに, 式(2)の右辺各項の大きさを調べると,解析値や Run A での対流圏界面付近における屈折率の極大 域の形成には,その領域で帯状風が $U_{zz} < 0$ とな るように分布することが最も重要であることが示 される.このことは,図6で,Uが圏界面付近で 極大となることに対応している.また,図7から は,解析値やRun A で,圏界面付近において屈折 率が極大となる領域の存在と,そこでの E-P flux の極向きへの屈折とが良く対応している様子が見 て取れる.従って,この時期における波数2の伝 播特性は,対流圏上部及び成層圏下部における帯 状風分布のわずかな違いに大きく影響を受けてい ることが示唆される.

一方,図8に示した,この時期の500hPa等圧面 高度分布にも,解析値及びRunAと,RunBとの間 に大きな違いを見て取ることができる.解析値(図 8a) 及び Run A(図 8b) ではアラスカ上空に顕著な ブロッキング高気圧が存在するが, Run B(図 8c) で はブロッキング高気圧は既に下流側にエネルギー を放射し減衰してしまっている. すなわち, Run B では,ブロッキング高気圧の持続性をうまく再現 していない.また,解析値やRunAでは,このブ ロッキング高気圧がアラスカから北極海上空へと 北西に進行する傾向が見られる.このブロッキン グ高気圧の北西進は,負のAO signature に対応し ているとも考えられる.さらに,解析値とRunA では,アラスカ上空のブロッキング高気圧と,そ の南側の北太平洋上空に位置する低圧部の軸は北 西から南東に傾いた構造を持つ.この軸の傾きが, 図7で示された波数2の極向き伝播と対応してい る. 一方, Run B では, 波数2の存在は明瞭では あるが,その軸は北太平洋東部で逆に北東から南 西に傾き, E-P flux は赤道向きに伝播する傾向を 持つ.3次元 E-P flux (Plumb, 1985)を用いた解析 でも同様の結論を得ることができる(図省略).但 し,図8で示されたブロッキング高気圧と,図7 で示された屈折率の極大域や帯状風速の鉛直分布 との関連に関しては,さらに詳しく解析する必要 がある.

3.4 AO 下方伝播に関する解析 II

ここでは,1月8日,9日を初期値とする全26 個のアンサンブルメンバーを解析することにより, Run A と Run B との比較から得られた前節での結 果の有意性を議論する.このため,1月21日にお ける大気下層における AO signature の予測値と, 各力学場の予測値との相関解析を実施する.

まず図 9a に,図 5-8 で示した期間と同じ1月 18日から1月20日の3日間で平均した,1月8日, 9日を初期値とする全アンサンブルメンバーの帯 状風と波数2のE-P flux 予測値のアンサンブル平 均を示す.アンサンブル平均では,対流圏と成層 圏の極域に比較的強い西風が存在し,この分布は AOの下方伝播の予測に失敗した Run B (図 6c) に 近い.また,E-P flux の極向き伝播傾向も解析値 (図 5a) に比べかなり弱い.一方,図9b に,1月21 日の 1000hPa における AO signature 予測値と関連 する,同じ期間における帯状風とE-Pfluxの偏差 場を示す.ここで偏差場はアンサンブル平均から の差として定義した.また,図では,AO signature 予測偏差が(-1)×標準偏差となるときの値を示し ている.この図から,1月21日のAO signature 予 測値が負偏差の場合には,1月18日から1月20日 には,北緯60度付近で有意な東風偏差と,亜熱帯 ジェット領域で有意な西風偏差が存在することが 分かる.また,対流圏中での波数2の活動度も有 意に大きく,北緯50度付近を極向きかつ上向きに 伝播しやすい傾向があることが見て取れる.この 波活動度の偏差場は,高緯度域の50hPa付近と対 流圏界面付近で, E-P flux の大きな収束を伴い(図 9c), そこでの西風減速を引き起している.また, 対流圏上部での E-P flux の収束域と成層圏におけ るそれとは連続していないことからも, AO が成 層圏から対流圏へ連続的に下方伝播するという描 像が必ずしも正しいとは限らないことを示唆して いる.

最後に,図9bで示される帯状風偏差が波数2の 伝播特性に与える影響を評価するため,図10に定 在性の波数2に対する屈折率の分布を示す.図10a は,図9aで示されたアンサンブル平均した帯状風 分布,図10b(図10c)は,図9aのアンサンブル平 均に図 9bの帯状風偏差を加えた (差し引いた)帯 状風分布を与えた場合の屈折率の分布を示す.こ の図より,図9bの偏差場を与えると,対流圏上部 の高緯度域で屈折率が大きくなり,波数2の極向 き伝播が促進される傾向にあることが分かる.-方,成層圏の偏差場は,アンサンブル平均値に比 べ小さく,屈折率に有意な影響を与えない.従っ てこの解析からも,対流圏界面付近の帯状風分布 が,この時期における波数2の伝播特性に大きな 影響を与えていることが示唆される.また,式(2) を用いた解析により,図7で得られた結論と同様 に,対流圏界面付近における U₂₂の偏差が屈折率 偏差に大きな影響を与えていることが示される.

4. まとめ

2003年1月に生じた成層圏突然昇温現象 (SSW) に伴う北極振動シグナル (AO signature)の下方伝 播の力学要因と,予測可能性,及びその前駆現象 を明らかにするため,気象庁一ヶ月予報モデル結 果の解析を行った.

まず, 変形された Euler 平均方程式に基づく解析 によって, この AO signature の下方伝播は, 波数1



図 7: 図 5 と同じ.但し, 矢印は波数 2 の E-P flux(図 5 と同じ), 等値線は波数 2 の定在波に対する屈折率の自乗 (×a², a は地球半径)を示す.値が負 (+50 以上) の領域を青 (赤) 色で塗った.0 と, -100 未満,及び+500 を越える 等値線は省略した.



図 8: 図 5 と同じ. 但し, 500hPa 等圧面高度分布を示す. 高度 5350m から 5500m の領域を青色に,高度 5200m から 5325m の領域を赤色に塗った.

型のSSWの最盛期以降に,対流圏から上方伝播した波数2に伴う E-P fluxの収束が主要な役割を果たしていることが明らかになった.また,気象庁 ーヶ月予報でSSWの発生をうまく予測してたメンバー全てが,それに引き続いて生じたAO signature の下方伝播をうまく再現しているとは限らないことも示された.従って,Baldwin *et al.* (2003)による,成層圏におけるAO signature を予測子とする大気下層のAO signatureの旅計的予測手法は,このAO signatureの下方伝播の予測には有効ではないことが示唆される.

また, AO signatureの下方伝播を予測するには, 対流圏から成層圏へと極向き上方に伝播する波数 2の振る舞いの再現が重要であることが示された. この波数2の伝播には,SSWと直接関連する成層 圏中部における帯状風分布よりも,むしろ対流圏 界面付近における帯状風分布が大きな影響を与え ていることが,屈折率の解析から示された.さら に,AO signatureの下方伝播のより詳しく解析か ら,成層圏におけるそれとは,ほぼ同じ時期に発 と,対流圏におけるそれとは,ほぼ同じ時期に発 生していたことが示された.一方,この時期にお ける対流圏でのAO signatureの負偏差の増大は, アラスカ上空のブロッキング高気圧が徐々に北極 海へ北西進することと対応した.従って,これら の結果は,AO signatureが下方伝播する時期にお いても,対流圏循環の変動に対する成層圏循環の 影響は極めて限定的であることを示唆している.



図 9: (a) 2003 年 1 月 8,9 日を初期値とする一ヶ月予報で,1 月 18 日から 1 月 20 日で時間平均した帯状風 (等値線) と波数 2 の E-P flux の予測値 (0.1 倍した) のアンサンブル平均の緯度--高度分布.(b) (a) と同じアンサンブルメン バーの1月 21 日の 1000hPa における AO signature 予測値に対する,1月 18 日から 1 月 20 日で時間平均した帯状 風偏差 (等値線; m/s) と,波数 2 に伴う E-P flux (矢印; Kg/s²) の線形回帰係数の緯度高度分布.偏差はアンサンブ ル平均からのずれとして定義し,AO signature の負偏差に対応する値を表示した.帯状風偏差が 95(99)%以上の統 計的有意性を持つ領域を淡く (濃く) 色付けした.E-P flux 偏差はその統計的有意性が 95% 以上の場合のみを記す. (c) (b) と同じ E-P flux 偏差と,それに伴う収束発散偏差.コンター間隔は 0.5 m/s/day.右下の矢印は (2.0×10⁷, 5.4×10⁴) (Kg/s²) のベクトルを示す.



図 10: 波数 2 の定在波に対する屈折率の自乗 (×a², a は地球半径)の緯度–高度分布.図 9a の帯状平均風分布を仮 定した値を (a) に示す.図 9a の分布に図 9b の偏差を加えた [差し引いた] 帯状風分布を仮定した場合を (b)[(c)] に 示す.コンターの値及び,色を付けた領域の値は,図7と同じ.

謝 辞

データを提供して頂いた,気象庁数値予報課な らびに気候情報課の皆様に深く感謝する.図の作 成には地球流体電脳ライブラリを用いた.

参考文献

- Andrews, D. G., J. R. Holton, and C. B. Leovy, 1987: *Middle Atmosphere Dynamics*. Academic Press. pp. 489.
- Baldwin, M. P., and T. J. Dunkerton, 1999: Propagation of the Arctic Oscillation from the stratosphere to the troposphere. *J. of Geophys. Res.*, 104, 30937–30946.
- Baldwin, M. P., and T. J. Dunkerton, 2001: Stratospheric harbingers of anomalous weather regimes. *Science*, 294, 581–584.
- Baldwin, M. P., D. B. Stephenson, D. W. J. Thompson, T. J. Dunkerton, A. J. Charlton, and A. O'Neil, 2003: Stratospheric memory and skill of extended-

range weather forecats. Science, 301, 636-640.

- Lorenz, D. J., and D. L. Hartmann, 2003: Eddy-zonal flow feedback in the Northern Hemisphere winter. *J. Clim.*, **16**, 1212–1227.
- Mukougawa, H., and T. Hirooka, 2004: Predictability of stratospheric sudden warming: A case study for 1998/99 winter. *Mon. Wea. Rev.*, **132**, 1764– 1776.
- Mukougawa, H., H. Sakai, and, T. Hirooka, 2005: High sensitivity to the initial condition for the prediction of stratospheric sudden warming. In preparation.
- Plumb, R. A., 1985: On the three-dimensional propagation of stationary waves. *J. Atmos. Sci.*, **42**, 217–229.