ストームトラックのフィードバックを含む順圧特異・固有モード計算

北海道大学大学院 地球環境科学研究科 二森正人 ・ 渡部雅浩

1. 研究背景と目的

冬季北半球中高緯度対流圏における1ヶ月から それ以上の時間スケールを持つ大気変動の中には, 繰り返し現れる地理的に固定された循環偏差のパ ターンが存在し,その物理的な生成・維持過程を明 らかにすることは気候変動を理解する上で重要で ある.こうした,いわゆるテレコネクションパター ンの起源について,これまで数多くの研究がなさ れてきた.テレコネクションパターンの形状は波 列状であることが多いことから,それらを熱帯・ 亜熱帯域の特定の熱源に対する中高緯度大気の応 答として理解する試みが進んだが (例えば Horel and Wallace, 1981, Hoskins and Karoly, 1981), 一方で,中高緯度大気自身の持つ基本場の東西非 一様性などの内部力学で決まる自由モードとして 解釈する見方が出てきた (Simmons et al., 1983). また,先行研究の中で,パターン形成におけるス トームトラックからのフィードバックの重要性が 指摘されている (例えば Lau, 1988).

そこで本研究では,このストームトラックから のフィードバックを観測データから簡便な方法で 見積もり,線形順圧モデルに組み込んだ.そして フィードバックを組み込んだモデルと,組み込ま ないモデルで固有モードと特異モードをそれぞれ 計算し,比較することで,テレコネクションパター ンの形成・維持におけるストームトラックの役割 を考察する.

2. データについて

本研究では NCEP/NCAR 再解析データから 2 種類のデータセットを用意した.1 つは 300hPa に おける流線関数の長周期成分で,1949~2002 年の 54 年間の月平均データから,冬平均およびそれか らの偏差を求めた.冬は,12,1,2月で定義した. もう1 つは 300hPa における物理量の短周期成分 で,ストームトラックの描像を描くために,1979 ~1995 年の17 年間の1日2回のデータにバンド パスフィルター (Murakami,1979)を通して,2~8 日の総観スケールの擾乱を取り出した.これから 二次の統計量 (渦度 flux)を求め,その月平均デー タから冬平均およびそれからの偏差を求めた.ま たこれらのデータセットはT21に内挿されている.

3. 準定常循環場とストームトラックの関係

まず始めに,大気の準定常循環場と非定常擾乱 の関係について示唆を得るために,観測データを 用いた解析を行った.その準備として,上記の関係 を順圧渦度方程式で表現する.テレコネクション パターンは等価順圧構造をしていることが知られ ている.また,対流圏の上層での時間平均流に対す る非定常渦強制は熱フラックスよりも渦度フラッ クスが卓越している(Lau and Holopainen, 1984) ことが知られているため,順圧渦度方程式を用い ることは妥当な簡単化であると考えられる.本研 究では,以下全ての実験において冬季 300hPa 面 に話を限定する.

物理量を長周期成分()と短周期成分()'に 分けて時間平均をとり,長周期成分に着目すると, 散逸過程と外部強制を含む順圧渦度方程式は

$$\begin{aligned} \frac{\partial}{\partial t} \nabla^2 \overline{\psi}_a + J(\overline{\psi}_c , \nabla^2 \overline{\psi}_a) + J(\overline{\psi}_a , \nabla^2 \overline{\psi}_c + f) \\ + \alpha \nabla^2 \overline{\psi}_a + \epsilon \nabla^6 \overline{\psi}_a &= -\nabla \cdot \overline{(V'\zeta')}_a + \overline{F_a} \end{aligned} \tag{1}$$

と書ける.これは,非定常な渦度フラックス収束 偏差が長周期の流線関数偏差場を強制することを 示す.ここで渦強制項による流線関数 tendency を

$$\left(\frac{\partial \overline{\psi}_a}{\partial t}\right)_{TE} \stackrel{\text{def}}{\equiv} \nabla^{-2} \{-\nabla \cdot \overline{(V'\zeta')}_a\}$$

とシンボリックに表現する.

長周期の流線関数偏差 $\overline{\psi_a} \geq , (\partial \overline{\psi}_a / \partial t)_{TE} \geq 0$ 空間的に局所的な相関・回帰係数分布を示したの が図1である.流線関数1標準偏差あたりの回帰 係数をカラーで,相関係数を等値線で示す.図1 は,長周期の偏差場が変化した時に,自身がどの 程度ストームトラックによって強制されるかを統 計的に表している.つまり,暖色系は準定常循環



図 1: 冬季 300hPa 面における長周期の流線関数と非 定常渦度フラックス収束による流線関数 tendency と の局所的な回帰係数分布 [1/s](カラー) と相関係数分布 (等値線).

場とストームトラックの間に正のフィードバック が,寒色系は負のフィードバックがあることを示 唆している.この transient eddy feedbackの分布 は空間的に非一様で,流線関数偏差の変動(図に は示さない)が大きい北東太平洋と北大西洋で極 大を示す.

4. Transient Eddy Feedback のパラメタリ ゼーション (Empirical Storm Track Model)

図1より示唆された,水平構造を持った長周期の 循環偏差場とストームトラックの相互作用によっ て,どのような循環偏差の構造が選択されやすい のかを調べるために,モデルを用いた実験を行う. 本研究で用いたモデルは冬季 300hPa 面の気候値 の回りで線形化した非発散の順圧渦度方程式から 成る T21 スペクトルモデルで,Watanabe (2004) で用いられたものと同じである.

これに非定常渦強制項を組み込むことを考える のであるが, $-\nabla \cdot \overline{(V'\zeta')}_a$ は $\overline{\psi_a}$ と相互作用するの で外部強制ではなく,何らかの方法で推定する必要 がある.純粋に力学的な方法で $\overline{\psi_a}$ に依存する $-\nabla \cdot \overline{(V'\zeta')}_a$ を求める,いわゆる Storm Track Model を用いた研究もあるが(例えば Watanabe and Kimoto, 2000a),本研究ではより簡便な方法として, 観測データを用いた経験則から $-\nabla \cdot \overline{(V'\zeta')}_a$ を $\overline{\psi_a}$ でパラメタライズする演算子 D_f (Empirical



図 2:長周期の流線関数偏差 $\overline{\psi}_a$ と $\nabla^{-2}D_f\overline{\psi}_a$ との回帰係数分布 [1/s].

Storm Track Model: ESTM)を定義し,方程式 (1)を閉じさせる.

以下,ESTMの詳細について説明する.方針は, 非定常渦強制偏差の卓越するいくつかのパターン の元で経験的に現れやすい長周期の循環偏差のパ ターン(参照パターン)を観測データから抽出し, それを任意の長周期の循環偏差のパターンと比較 することで,その循環偏差場の元での非定常渦強 制のパターンと大きさを決定するというものであ る.まず始めに,非定常渦強制の卓越するパター ンを得るために北半球でEOF展開する.非定常な 渦度フラックス収束偏差はnoisyで,グリッドス ケールの誤差を含んでいるかもしれないので,こ こで一種の空間平滑化として逆ラプラシアンを作 用させてからEOFを計算する.つまり,流線関 数場における非定常渦強制についてEOF 展開を 行う.

$$\nabla^{-2}\{-\nabla \cdot \overline{(V'\zeta')}_a\} = \sum_{n=1}^N A_n(t)\sqrt{\sigma_n} E_n(x,y)$$

ここで $E_n(x, y)$ は固有ベクトル, σ_n は固有値, $A_n(t)$ は時系列 (principal coefficients) を表す.

次に,非定常渦強制の各モードの元で経験的に 現れやすい流線関数偏差パターン (参照パターン: ψ_n^{ref})を得るために, $A_n(t)$ と長周期の流線関数偏 差 $\overline{\psi}_a$ の相関係数を空間の各点で計算し ψ_n^{ref} を決 定する.

$$\psi_n^{\text{ref}}(x,y) = r\{A_n(t), \overline{\psi}_a(x,y,t)\}$$

上記で示した諸量を用いて,任意の流線関数偏差 に対するフィードバック演算子 D_f (ESTM)を次 のように定義する.

$$D_f \overline{\psi}_a \stackrel{\text{def}}{\equiv} \nabla^2 \left\{ \frac{1}{\gamma} \sum_{n=1}^M \langle \psi_n^{\text{ref}} , \overline{\psi}_a \rangle \sqrt{\sigma_n} E_n \right\}$$
(2)

ここで \langle , \rangle は内積を表し, 各モードで参照パター ンと任意の流線関数偏差場との比較を行う.もし, 参照パターンと任意の流線関数偏差場が直交する ならば内積は0で,まったく同じならば大きな値 になる(ここで $\overline{\psi}_a$ が1に規格化されていれば内積 は1である.長周期の流線関数偏差場の値が大き いときに,より大きなフィードバックを持つよう に, $\overline{\psi}_a$ を1に規格化していない).また,Mは切 断モード数, γ は次元を合わせるためのパラメー タで流線関数の次元を持つ.本研究では,M = 10で切断しており,これは全分散の90%を説明す る.南半球の影響を除去するために,内積をとる 領域は北半球に限定している.

このパラメタリゼーションが妥当なものである ことを示すために, $\overline{\psi}_a$ とこれに eddy feedback 演 算子を作用させたもの $\nabla^{-2}D_f\overline{\psi}_a$ (パラメタリゼー ションで得た流線関数場の非定常渦強制) との空 間的に局所的な回帰を計算した (図 2).図1 との 比較より,極域ならびに大西洋域で若干値が小さ いが,観測を良く再現できていることが分かる.

ESTM よりモデルの方程式 (1) は, eddy feedbackを含む場合はシンボリックに $d\overline{\psi_a}/dt + (\mathbf{L}(\overline{\psi_c}) - \mathbf{D_f})\overline{\psi_a} = F$ と書け,同様に eddy feedbackを含ま ない場合は $d\overline{\psi_a}/dt + \mathbf{L}(\overline{\psi_c})\overline{\psi_a} = F$ と書ける.

5. 結果1: 特異値解析

ストームトラックとの相互作用,基本場の東西非 一様性,並びにランダムな強制によって,長周期の 循環偏差場がどのような構造を選択しやすいのか を調べるために特異値解析を行い,それぞれのモ デルの特異モードを求めた.特異モードの理論に関 しては Navarra (1993) や Itoh and Kimoto(1999) に詳しく書かれている.

得られた数あるモードの中で我々が注目するの は最も特異値の小さな (中立に近い) いくつかの モードである.最も中立に近いモードは特異モー ドの理論より,ランダムな強制下で最も現れやす いモードと言うことができるので,それが現実の 長周期変動に対応すると考えられる.それぞれの 演算子行列の特異値のスペクトルを図3に示す. 演算子行列Lのそれを黒で,L-Dfを赤で示



図 3: L – D_f とLの特異値のスペクトル [s/m²]. 散逸パラメータは $\alpha = 30$ day⁻¹, $\epsilon = 1.0$ day⁻¹.

す.これを見ると,特異値が大きな所では両者の 特異値はほとんど変わらないが,特異値の小さな (上位の)いくつかのモードに関して, $L - D_f$ の neutralityが増加していることが分かる.このこ とは,eddy feedback が上位のモードにのみ効果 的に働き,モードがより中立になっていることを 示す.

次に $L-D_f$ のVベクトルとLのそれとの対応関係を定量的に議論するために pattern correlationを計算し,表1にまとめた.これを見ると, $L-D_f$ の各モードはLのモードのどれかと,ある程度一対一に対応していることが分かる.例えば $L-D_f$ の V3 はLのV2 と最も相関が良く,LのV2 も



図 4: L – D_fの特異モードのVベクトル. (a) 第1 モード, (b) 第2モード, (c) 第3モード, (d) 第4モー ド.コンター間隔は任意 [m²/s].散逸パラメータは $\alpha = 30 \text{day}^{-1}$, $\epsilon = 1.0 \text{day}^{-1}$.



図 5: Lの特異モードの V ベクトル. (a) 第 1 モード, (b) 第 2 モード, (c) 第 3 モード, (d) 第 4 モード. コ ンター間隔は任意 [m²/s]. 散逸パラメータは $\alpha = 30$ day⁻¹, $\epsilon = 1.0$ day⁻¹.

 $L - D_f O V3$ と最も相関が良い.ただし, $L - D_f O V2$ は annular な構造をしているためか,全てのモードと同程度の相関がでている.このことから, eddy feedback はモードの空間構造を変えながらその順位を入れ換え,その効果は順位の変化したモード,つまり $L - D_f O V1$ に,より積極的に働くことが示唆される.

6. 結果2: 固有値解析

ストームトラックとの相互作用,並びに基本場 の東西非一様性によって(強制は含まない),長周 期の循環偏差場がどのような構造を選択しやすい のかを調べるために固有値解析を行った.その結 果,現実的な散逸パラメータの範囲では不安定モー ドは見られなかった.よって,最も長周期で減衰 率の小さなモード (最も固有値の絶対値が小さな モード:第1固有モード)が現実の長周期変動に対 応すると考えられる.それぞれのモデルにおける 固有値の絶対値のスペクトルを図6に示す.演算 子行列 L のそれを黒で , $L - D_f$ を赤で示す . こ れを見ると,特異値解析の場合と同じように,固 有値の絶対値の小さな(上位の)いくつかのモード で $L - D_f$ の neutrality が増加していることが分 かる.このことは,固有モードに関しても,eddy feedback は上位のモードにのみ効果的に働き,そ れによりモードがより中立に近付いていることを 示す.

 $L-D_f \ge L$ の第1固有モードの空間構造の時間 発展(半周期)を図7,図8にそれぞれ示す.振幅 の減衰成分は除いてある.両者の比較から,eddy feedbackによってモードの空間構造はそれ程変わ らないことが分かる.しかし,振幅は $L-D_f$ の方が 強い.また,振幅の*e*-folding decay time が $L-D_f$ で14日,Lで9日となり,eddy feedbackによっ てモードの持続性が増加している.周期も $L-D_f$ で178日,Lで128日となり,eddy feedback が

表 1: それぞれの演算子行列における上位 4 つの V ベ クトル同士の対応関係を相関係数 (pattern correlation) の絶対値で示す.

	L :V1	L:V2	L :V3	L: V4
$L - D_f$:V1	0.58	0.42	0.77	0.29
$L - D_f$:V2	0.37	0.30	0.49	0.40
$L - D_f$:V3	0.34	0.64	0.20	0.16
$L - D_f$:V4	0.07	0.26	0.04	0.70



図 6: L – D_f と L の固有値の絶対値

モードの周期をより長くすることがわかる.この ことは,後に紹介する固有モードのtendencyと eddy feedbackの関係を見ることによっていっそ う明らかになる.

7. 結果3:特異モードと固有モードの関係

特異モードと固有モードを計算することによっ て長周期の循環偏差に対する eddy feedback の効 果を調べてきたが,両モードの間にはどのような 関係があるのだろうか?そこで, $\mathbf{L} - \mathbf{D}_{\mathbf{f}}$ の第1固 有モードの各位相における空間構造を, $L - D_f O$ 特異モードを軸とする相空間上に射影(相関係数) した.その結果,第1,第2,第3モードを軸とす る相空間上で分散の多くを説明できた.図9に第 1,第2モードを軸とした場合の射影を示す.こ れを見ると, 点がまばらな所と密な所があるのが 見て取れる.Lの第1固有モード(図には示さな い) に関しても同じような粗密が見られる. 点の 間の時間間隔は同じであるから、それらは空間構 造の変化速度が早い所と遅い所に対応する.つま リ,固有モードには空間構造が比較的長い時間持 続する位相があって, $L - D_f$ の場合, それは V1と V2 との相関が最も高くなる所と一致している.





図 7: L-D_fの第1固有モードの各位相 (半周期) における空間構造..振幅の減衰成分は除いてある.コンター間隔は任意 [m^2/s].散逸パラメータは $\alpha = 30$ day⁻¹, $\epsilon = 1.0$ day⁻¹.周期は178日, *e*-folding decay time は14日.

図 8: Lの第1固有モードの各位相 (半周期) における 空間構造.振幅の減衰成分は除いてある.コンター間 隔は任意 [m²/s].散逸パラメータは $\alpha = 30$ day⁻¹, $\epsilon = 1.0$ day⁻¹.周期は 128 日, *e*-folding decay time は9日.



図 9: L – D_fの V1 と V2 を軸とする相空間上への L-D_f第1固有モードの射影 (pattern correlation).+ は図7の θ = 0の位相に,×は θ = $3\pi/4$ に対応する. 矢印は固有モードの時間発展の方向を示す.色は,そ の位相での固有モードの tendency と eddy feedback と の pattern correlation が正であれば暖色系,負であれ ば寒色系となっている.

V1 との相関が最も高くなるときの固有解を図 10 に示す.このパターンは, Simmons et al. (1983) で示されたSWBモードと非常に良く似ている.こ こで, eddy feedback の役割を調べるために, 固 有モードの各位相における空間構造に働く eddy feedback を ESTM を使って計算した.例として, 図 10 に示した固有解に働く eddy feedback パター ンを図 11 に示す.図 10,11 より,おおまかに見 れば,北米大陸上の正偏差やアフリカ大陸西部か ら中国へと伸びる正偏差を除けば , ほとんどの場 所で正のフィードバックが働いていることが示唆 される.では,他の位相ではどうなのだろうか? それは各位相における固有モードの tendency と eddy feedback との比較から明らかになる.図9 は,両者の pattern correlation の強さに応じて点 に色が付けられている.暖色系は相関係数が正で, 寒色系は負である.これを見ると,固有モードが 図 10 のような空間構造を示す位相 (空間構造の変 化速度が遅い位相) に近付くに従って両者の相関 は良くなり、ある臨界点を過ぎると急に負になる 様子が分かる.つまり,寒色系の所ではモードの 進む向きと eddy feedback が強制する向きが逆符 号であり, eddv feedback はモードの進行にブレー キをかけていることが示唆され,また暖色系の所 では,モードの進行をより加速するように働いて いることが示唆される.つまりまとめると,eddy



図 10: $\mathbf{L} - \mathbf{D_f} \mathbf{O} V1$ と最も相関が高くなる $\mathbf{L} - \mathbf{D_f} \mathbf{O} \mathbf{S}$ 1 固有モードの空間構造.コンター間隔は任意 [m^2/s].



図 11: 図 10 に示した固有解に働く eddy feedback の 空間構造.コンター間隔は任意 [m²/s²].

feedback は固有解を図 10 のような構造に留まら せるように働いていることが示唆される.このこ とは,L-D_fの第1固有モードの周期がLのそ れよりも長くなることや,減衰率が小さくなるこ ととも整合的である.

8. まとめ

観測データを用いて非定常渦強制項をパラメタ ライズし,ストームトラックからのフィードバッ クを含んだ演算子行列に対して特異値解析,固有 値解析を行った.特異値解析の結果得られた特異 モードは,現実でよく知られるテレコネクション パターンにある程度対応付けられると考えられる. またその時,eddy feedback は特定のモード (PNA 的なモード) に積極的に働くことが示唆された.

固有値解析の結果,固有モードはeddy feedback によってモードの周期が長くなり,減衰率が小さ くなることが分かった.

また,第1固有モードは第1,第2,第3特異 モードを軸とする相空間でほとんどの分散が説明 され,遷移の遅い位相における固有解の構造は第 1特異モードと似ていた.このとき eddy feedback は,固有解をそこに留める働きをしていた.

謝 辞

今回の特定研究集会参加にあたり,京都大学防 災研究所より旅費の補助を受けました.本集会開 催の代表者である木本昌秀教授(東京大学気候シ ステム研究センター),向川均助教授(京都大学防 災研究所),余田成男教授(京都大学大学院理学研 究科)に感謝致します.

参考文献

- Branstator, G., 1985a : Analysis of general circulation model sea-surface temperature anomaly simulations using a linear model. Part I: Forced Solutions. J. Atmos. Sci., 42, 2225-2241.
- Branstator, G., 1985b : Analysis of general circulation model sea-surface temperature anomaly simulations using a linear model. Part II: Eigenanalysis. J. Atmos. Sci., 42, 2242-2254.
- Horel, J. D., and J. M. Wallace, 1981 : Planetaryscale atmospheric phenomena associated with the Southern Oscillation. *Mon. Wea. Rev.*, 109, 813-829.
- Hoskins, B. J., and D. J. Karoly, 1981 : The stedy linear response of a spherical atmosphere to thermal and orographic forcing. *J. Atmos. Sci.*, 38, 1179-1196.
- Itoh, H. and M. Kimoto, 1999 : Weather Regimes, Low-Frequency Oscillations, and Principal Patterns of Variability: A Perspective of Extratropical Low-Frequency Variability. J. Atmos. Sci., 56, 2684-2705.
- Kimoto, M.,F.-F. Jin, M. Watanabe and N, Yasutomi, 2001 : Zonal-eddy coupling and a neu-

tral mode theory for the Arctic Oscillation. Geophys. Res. Lett., 28, 737-740.

- Lau, N. C., 1988 : Variability of the observed midlatitude storm tracks in relation to low frequency changes in the circulation pattern. J. Atmos. Sci., 45, 2718-2743.
- Lau, N. C., and E. O. Holopainen, 1984 : Transient eddy forcing of the time-mean flow as identified by geopotential tendencies. J. Atmos. Sci., 41, 313-328.
- Murakami, M., 1979 : Large-scale aspects of deep convective activity over the GATE area. Mon. Wea. Rev., 107, 994-1013.
- Navarra, A., 1993 : A new set of orthonormal modes for linearized meteorological problems. J. Atmos. Sci., 50, 2569-2583.
- Simmons, A. J., 1982 : The forcing of staionary wave motion by tropical diabatic heating. *Quart.* J. Roy. Meteor. Soc., 108, 503-534.
- Simmons, A. J., J. M. Wallace and G. W. Branstator, 1983 : Barotropic wave propagation and instability, and atmospheric teleconnection patterns. J. Atmos. Sci., 40, 1363-1392.
- Watanabe, M. and M. Kimoto, 2000 : Atmosphereocean thermal coupling in the North Atlantic : A positive feedback. *Quart. J. R. Met. Soc.*, **126**, 3343-3369.
- Watanabe, M., and F.-F. Jin, 2004: Dynamical protopyte of the Arctic Oscillation as revealed by a neutral singular vector. J. Climate., in press, January 2004.
- Watanabe, M., 2004 : Asian jet waveguide and a downstream extension of the North Atlantic Oscillation. J. Climate., revised, February 2004.
- Zhang, Y., and I. M. Held, 1998 : A linear stochastic model of a GCM's midlatitude storm track. J. Atmos. Sci., 56, 3416-3435.
- 渡部雅浩,2004:北極振動の力学に関する一考察. 京都大学防災研究所特定研究集会-対流圏長周 期変動と異常気象-